

ANALISI DELLA SEZIONE

Programma

AS

per personal computer

Manuale introduttivo
(Marzo 2010)

Sono vietate le riproduzioni non autorizzate

Le eventuali riproduzioni di tutto o parte del presente documento dovranno riportarne ben evidenziato l'autore qui sotto riportato.

PRESENTAZIONE

Il programma esegue l'analisi statica di sezioni generiche semplici e composte, in cemento armato normale, precompresso e misto acciaio-calcestruzzo; in particolare si possono fare le seguenti calcolazioni:

- il calcolo delle grandezze statiche;

e nel metodo alle tensioni ammissibili:

- il calcolo della presso-flessione retta;
- il calcolo della presso-flessione deviata;
- il calcolo del dominio di interazione N-Mx;
- il calcolo del dominio di interazione N-My;
- il calcolo del dominio di interazione N-Mx-My 2D;
- il calcolo del dominio di interazione N-Mx-My 3D;

e nel metodo agli stati limite ultimi:

- il calcolo del dominio di interazione N-Mx;
- il calcolo del dominio di interazione N-My;
- il calcolo del dominio di interazione N-Mx-My 2D;
- il calcolo del dominio di interazione N-Mx-My 3D;
- la verifica a taglio.

per le seguenti sezioni:

- sezioni in c.a.;
- sezioni in c.a. + getto integrativo;
- sezioni in c.a.p.;
- sezioni in c.a.p. + getto integrativo;
- sezioni in acciaio;
- sezioni in acciaio + getto integrativo;

in presenza di stati di deformazioni imposte nei materiali ed eventuale resistenza a trazione del calcestruzzo della trave e/o del getto.

L'AUTORE DEL PROGRAMMA AS
ing. Tiziano Gaddi

GADDI software
via Era 15
23826 Mandello del Lario (LC)
ITALY

tel. 0341 731745
fax 0341 700905

e-mail: gaddissoftware@tin.it
web: www.gaddissoftware.it

CARATTERISTICHE DEL PROGRAMMA E AVVERTIMENTI PER L'USO

Il programma non è garantito dagli autori ne loro rappresentanti. Gli autori non garantiscono che le funzioni contenute nel programma soddisfino le esigenze dell'utente o funzionino in tutte le loro combinazioni. L'utente dovrà inoltre controllare il programma ed ovviare a proprie spese ad eventuali errori o malfunzionamenti.

Il programma può funzionare solo con l'ausilio del supporto su cui viene fornito.

La perdita o l'alterazione del programma o di parte di esso, o del supporto, non dà diritto alla loro sostituzione. L'utente è responsabile della buona conservazione del programma e del supporto.

SIMBOLOGIA

Moduli elastici

E_a = modulo elastico acciaio da carpenteria

E_c = modulo elastico calcestruzzo

E_p = modulo elastico armature di precompressione

E_s = modulo elastico acciaio per armature

E_o = modulo elastico di riferimento

Coefficienti di omogeneizzazione

$m_a = E_a/E_o$

$m_c = E_c/E_o$

$m_p = E_p/E_o$

$m_s = E_s/E_o$

Resistenze caratteristiche

R_{ck} = resistenza caratteristica cubica calcestruzzo

f_{ak} = resistenza caratteristica acciaio da carpenteria

f_{ck} = resistenza caratteristica calcestruzzo

f_{pk} = resistenza caratteristica armature di precompressione

f_{sk} = resistenza caratteristica acciaio in barre

Resistenze di calcolo a trazione

f_{ad} = resistenza di calcolo acciaio da carpenteria

f_{cd} = resistenza di calcolo calcestruzzo

f_{pd} = resistenza di calcolo armature di precompressione

f_{sd} = resistenza di calcolo acciaio in barre

Resistenze di calcolo a compressione

f'_{ad} = resistenza di calcolo acciaio da carpenteria

f'_{cd} = resistenza di calcolo calcestruzzo

f'_{pd} = resistenza di calcolo armature di precompressione

f'_{sd} = resistenza di calcolo acciaio in barre

Coefficienti di sicurezza materiali

Γ_a = coefficiente sicurezza acciaio da carpenteria

Γ_c = coefficiente sicurezza calcestruzzo

Γ_p = coefficiente sicurezza armature di precompressione

Γ_s = coefficiente sicurezza acciaio in barre

Tensioni

σ_a = tensione acciaio da carpenteria

σ_c = tensione calcestruzzo

σ_p = tensione armature di precompressione

σ_s = tensione acciaio in barre

Deformazioni

ε = deformazione assiale

X = curvatura

ε_z = deformazione assiale in direzione z

X_x = curvatura attorno all'asse y

X_y = curvatura attorno all'asse x

Sollecitazioni

N = azione assiale

M = momento flettente

N_z = azione assiale in direzione z

M_x = momento flettente attorno all'asse y

M_y = momento flettente attorno all'asse x

INTRODUZIONE ALLA VERSIONE 10.00

1.1) Premessa

Questo manuale introduce all'uso di AS.

1.2) Aggiornamenti

Sono riassunti i principali aggiornamenti e revisioni che seguono le versioni di AS.

1.2.1) Aggiornamento alla versione 7.00

Con la versione 7.00 sono state apportate le seguenti modifiche, aggiunte e miglioramenti.

- Il menu è stato completamente rivisto, adottando una filosofia diversa da quella delle versioni precedenti, si è abbandonata quasi completamente la tecnica di introduzione dati in “cascata”. Con questa nuova versione l'introduzione dati resta più libera e più indipendente, ovviamente si richiede da parte dell'utente più attenzione soprattutto nella modifica di sezioni già assegnate. Ad esempio se si aggiunge modifica il tipo di materiale bisogna ricordarsi di modificare pure i dati relativi alle sue grandezze. Un'altra situazione da fare attenzione si ha quando si usa un documento (dati di un esempio) per impostare un altro documento, AS mantiene tutti i dati del vecchio documento, compreso quelli disabilitati. E' bene in questi casi che l'utente rivisiti tutti i dati con accesso a tutti i menu dell'input (menu INSERISCI).
- Gli stili, per la visualizzazione grafica, possono essere salvati su di un file e richiamati dal file in qualunque momento durante l'elaborazione. I comandi permettono all'utente di crearsi uno o più file di stile ed applicarlo al documento in elaborazione a secondo dell'esigenza. I comandi di menu sono alle voci **Unità\Stili\Carica_stili...** e **Unità\Stili\Salva_stili...**
- E' possibile assegnare una serie di sollecitazioni che vengono inserite graficamente nei domini N-M o N-Mx-My per la verifica numerica e grafica. I comandi di menu sono alle voci **Inserisci\Azioni_di_verifica_D-MTA** e **Inserisci\Azioni_di_verifica_D-SLU**.

1.2.2) Aggiornamento alla versione 8.00

Con la versione 8.00 sono state apportate le seguenti modifiche, aggiunte e miglioramenti.

- Il menu è stato rivisto e migliorato;
- Con questa nuova versione è disponibile:
 - il calcolo del dominio N-Mx, dominio retto in direzione trasversale;
 - il calcolo del dominio N-Mx-My 3D, dominio in flessione deviata spaziale nelle tre dimensioni a N, Mx, My;oltre ad un miglioramento nel calcolo dei domini.
- Con questa nuova versione è disponibile la verifica allo stato limite a taglio della sezione.
- Sono disponibili i file di AutoLoad per l'inserimento automatico di:

- sezioni geometriche;
 - armature ordinarie delle sezioni;
 - armature di precompressione delle sezioni;
 - caratteristiche materiale calcestruzzo;
 - caratteristiche materiale acciaio;
 - caratteristiche materiale armature di precompressione.
- Con la nuova versione **AS** può leggere i dati di input da un file di testo, il comando di menu è lo stesso utilizzato per caricare i dati da un normale file dati che si trova alla voce **File\Apri**. **AS** può pure restituire i dati di input su un file di testo, il comando di menu è alla voce **File\Esporta il file di scambio**. Questo tipo di file è denominato **File di scambio** e ha come estensione preimpostata **.Fds** che è bene mantenere per un più facile riconoscimento di questi tipi di file. Il file di scambio non contiene né il file delle unità di misura né il file degli stili, quando si caricano i dati da un file di scambio sono mantenuti gli stili e le unità di misura correnti; se necessario bisogna ricaricarli appositamente. Le specifiche per l'uso del file di scambio sono riportate nel manuale **AS_FileDiScambio.DOC**.

1.2.3) Aggiornamento alla versione 10.00

Con la versione 10.00 il programma **AS** è aggiornato con riferimento al D.M. 14GEN2008 e all'Eurocodice 2004. In particolare:

- sono disponibili le curve di resistenza dei materiali, proposte dalle nuove norme, per il calcolo del momento resistente allo SLU;
- è possibile tener conto di una eccentricità aggiuntiva nel calcolo allo SLU di sezioni compresse;
- è possibile assegnare il numero di punti per il calcolo dei domini di resistenza;
- nel metodo MTA è possibile “mantenere” m (coefficiente di omogeneizzazione) oppure E (modulo elastico) durante l'input;
- sono eliminati i file di AutoLoad per:
 - caratteristiche materiale calcestruzzo;
 - caratteristiche materiale acciaio;
 - caratteristiche materiale armature di precompressione;
 mentre resta il file di AutoLoad, ora FileLoad, per:
 - sezioni geometriche;
 - armature ordinarie delle sezioni;
 - armature di precompressione delle sezioni;
- sono potenziati i comandi di AutoSet per l'assegnazione dei dati;
- è possibile creare un file grafico *.GIF, per le varie finestre di **AS**, leggibile dal CadNostrum (proprietario) ed attraverso lo stesso CadNostrum gestire il disegno oppure creare un file DXF;

1.2.4) Aggiornamento alla versione 10.30

Con la versione 10.30 (compatibile con Windows 7):

- nella verifica a taglio l'utente può assegnare il valore della $\text{Cotg}(\theta)$.

FARE ATTENZIONE

Caricando un file dati di versioni precedenti, alcuni dati (e/o impostazioni e/o delle opzioni) sono assegnati al valore di default mentre altri sono assegnati a zero o non assegnati. E' importante che caricando un file dati di versioni precedenti l'utente riassegni e riverifichi tutti i dati di input.

1.3) Criteri d'uso del programma

Il programma AS è un programma estremamente potente e versatile che permette il calcolo di verifica di generiche sezioni. Un adeguato uso di AS porterà ad un risparmio di calcolo non indifferente se si avrà la costanza di costruirsi, pian piano nel tempo, un corposo data-base tipologico.

Fondamentale è lo sfruttamento della tecnologia usata in AS, che permette di codificare la maggior parte delle grandezze che descrivono la sezione nonché i materiali.

Maggiori dettagli sono forniti più avanti.

1.4) Preparazione all'uso di AS

Per un razionale e veloce uso di AS è opportuno preparare i file dati di AutoLoad che permettono di assegnare rapidamente i dati richiesti dal programma. Questi file non sono necessari ma molto utili per l'uso di AS.

I file di AutoLoad da mettere a disposizione di AS sono:

- AutoLoad-AS.SEZ per le sezioni;
- AutoLoad-AS.ARM per le armature ordinarie delle sezioni;
- AutoLoad-AS.CAV per le armature di precompressione delle sezioni;
- AutoLoad-AS.STI per gli stili;
- AutoLoad-AS.UDM per le unità di misura.

Brevi esempi sono presenti nei file installati. Per le spiegazioni vedere più avanti.

I file AutoLoad degli stili e delle unità di misura, se presenti nella opportuna directory, sono caricati all'apertura di ogni documento. Per file dati di versione precedente la 8.00 il file degli stili è sostituito.

1.5) L'uso dei menu

L'introduzione dei dati è agevolato dai menu e dalle finestre di dialogo. Questi permettono di eseguire le varie operazioni senza un ordine rigido. Basta mantenere una sequenza logica relativa ai dati strutturali.

Per la maggior parte delle finestre di dialogo è possibile avvalersi di ulteriori aiuti tramite i menu contesto attivabili con il tasto destro del mouse.

Per le finestre grafiche è possibile avvalersi di aiuti tramite i menu contesto attivabili con il tasto destro del mouse, generalmente l'operazione così selezionata è da completare con l'uso del mouse.

Nel menu Disegno sono presenti, tra l'altro, i comandi di modifica degli stili, necessari per una migliore visualizzazione grafica degli oggetti. In AS sono usati più moduli grafici (o finestre), per ognuno di questi moduli gli stili sono indipendenti.

Capitolo 2

IL PROGRAMMA AS

2.1) Introduzione

Il programma AS (ANALISI DELLA SEZIONE) esegue il calcolo e le verifiche con il metodo delle tensioni ammissibili (MTA) e il metodo agli stati limite ultimi (SLU) di sezioni in c.a., in c.a.p. o in acciaio, con o senza il getto integrativo.

Sono possibili le seguenti combinazioni di sezioni:

- sezioni in c.a.;
- sezioni in c.a. + getto integrativo;
- sezioni in c.a.p.;
- sezioni in c.a.p. + getto integrativo;
- sezioni in acciaio;
- sezioni in acciaio + getto integrativo.

Sono possibili i seguenti calcoli:

- il calcolo delle grandezze statiche;
- il calcolo della presso-flessione retta MTA;
- il calcolo della presso-flessione deviata MTA;
- il calcolo del dominio di interazione N-M_x, MTA;
- il calcolo del dominio di interazione N-M_y, MTA;
- il calcolo del dominio di interazione N-M_x-M_y 2D, MTA;
- il calcolo del dominio di interazione N-M_x-M_y 3D, MTA;
- il calcolo del dominio di interazione N-M_x, SLU;
- il calcolo del dominio di interazione N-M_y, SLU;
- il calcolo del dominio di interazione N-M_x-M_y 2D, SLU;
- il calcolo del dominio di interazione N-M_x-M_y 3D, SLU;
- la verifica a taglio (per sezioni in c.a. e c.a.p. senza getto collaborante), SLU.

Si possono assegnare deformazioni elastiche impresse (stati elastici di coazione) per i vari materiali. Si può imporre la resistenza a trazione del calcestruzzo della trave e/o del getto integrativo (solo per MTA).

Convenzioni

La sezione è riferita ad un sistema destrorso di assi x,y,z ortogonali, gli assi x,y posti nel piano della sezione con y verticale diretto verso il basso, l'asse z normale e uscente dalla sezione.

L'azione assiale è positiva di trazione.

I momenti nel piano xz hanno verso positivo quando tendono le fibre a x positivo.
I momenti nel piano yz hanno verso positivo quando tendono le fibre a y positivo.

Le tensioni sono positive di trazione e negative di compressione.

2.2) Geometria sezione

In questa sessione si assegnano i dati dei domini componenti la sezione. La descrizione del dominio avviene attraverso l'assegnazione delle coordinate dei vertici della poligonale di frontiera (contorno) o con procedure semplificate.

La sezione (nel suo complesso) è riferita ad un terna destrorsa di assi xyz, di cui gli assi xy nel piano della sezione stessa e l'asse z normale uscente dalla sezione. Il sistema di riferimento xyz è comune sia per la “sezione della trave” che per la “sezione del getto” dell'eventuale getto integrativo. A questo unico sistema di assi si devono quindi riferire i dati delle varie grandezze, salvo diverse indicazioni.

La frontiera di ogni singolo dominio deve essere discretizzata e descritta da un'unica poligonale chiusa, e per questo sono da assegnare le coordinate dei vertici della poligonale o le dimensioni per le sezioni predefinite.

Per facilitare l'immissione dei dati relativi alla geometria dei domini, AS prevede i seguenti tipi di sezione:

- sezione generica;
- sezione rettangolare simmetrica rispetto all'asse y;
- sezione rettangolare simmetrica rispetto agli assi xy;
- sezione a T;
- sezione a T rovescio;
- sezione a L;
- sezione a L rovescio;
- sezione a I;
- sezione poligonale inscritta;
- sezione circolare;
- sezione ellittica;
- sezione anulare circolare;
- sezione anulare ellittica;
- sezione IPE/HEA.

Le sezioni di tipo generico devono avere il contorno (frontiera) schematizzabile con un'unica poligonale chiusa (domini semplicemente connessi). Il dominio avente una frontiera formata da più linee chiuse (dominio molteplici connesso) non è ammesso, allo scopo si deve rendere tale dominio semplicemente connesso. Si osserva che è sempre possibile ridurre un dominio molteplici connesso composto da n domini semplicemente connessi e aventi linee di frontiera che non si intersecano, in un dominio semplicemente connesso mediante n-1 tagli effettuati lungo linee convenienti (L.AMERIO, Analisi Infinitesimale, vol.II, pag.472).

La numerazione dei vertici, da 1 a N, deve rispettare la convenzione che un'osservatore il quale percorre la poligonale in direzione crescente della numerazione, vede il dominio (area della sezione) alla sua sinistra (tale numerazione si assume positiva).

Per la sezione generica non simmetrica si devono assegnare tutti i vertici con inizio arbitrario per la numerazione; per la sezione generica simmetrica rispetto all'asse x si devono assegnare

i vertici del I e II quadrante, la numerazione inizia nel I quadrante; per la sezione generica simmetrica rispetto all'asse y si devono assegnare i vertici del IV e I quadrante, la numerazione inizia nel IV quadrante; per la sezione generica simmetrica rispetto agli assi xy si devono assegnare i vertici del I quadrante, la numerazione inizia nel I quadrante.

Per le sezioni predefinite bisogna semplicemente assegnare le relative dimensioni come richiesto nell'input dati, ad esempio per la poligonale inscritta il diametro del cerchio relativo ed il numero degli spigoli.

2.2.1) Geometria sezione trave in acciaio

Nel caso di travi in acciaio o travi in acciaio + getto integrativo, questa sessione descrive la sezione della trave in acciaio. Per le opportune operazioni vedere il paragrafo "Geometria sezione".

2.2.2) Geometria sezione trave in calcestruzzo

Nel caso di travi in c.a., travi in c.a. + getto integrativo, travi in c.a.p., travi in c.a.p. + getto integrativo, questa sessione descrive la sezione della trave in calcestruzzo. Per le opportune operazioni vedere il paragrafo "Geometria sezione".

2.2.3) Geometria sezione getto integrativo

Nel caso di travi con getto integrativo, questa sessione descrive la sezione del getto integrativo in calcestruzzo. La posizione del getto integrativo rispetto alla trave è fissato assegnando la posizione del getto integrativo nel sistema di riferimento xyz: le grandezze geometriche relative alla descrizione della sezione del getto integrativo sono riferite al sistema di assi xyz della sezione complessiva. Per le opportune operazioni vedere il paragrafo "Geometria sezione".

2.3) Armature sezione

La sezione può essere armata con armature ordinarie e con armature di precompressione. Il massimo numero di armature è indicato da AS.

Per i tre gruppi di armatura: armature di precompressione, armature ordinarie per la trave e armature ordinarie per il getto integrativo, valgono le seguenti disposizioni:

- armature non simmetriche, quando la geometria della posizione delle armature del gruppo non ha simmetria;
- armature simmetriche rispetto all'asse x, quando la geometria della posizione delle armature del gruppo ha simmetria rispetto all'asse x;
- armature simmetriche rispetto all'asse y, quando la geometria della posizione delle armature del gruppo ha simmetria rispetto all'asse y;
- armature simmetriche rispetto agli assi xy, quando la geometria della posizione delle armature del gruppo ha simmetria rispetto agli assi xy;
- armature con campi predefiniti (comando valido solo per le armature ordinarie), quando le armature sono disposte secondo forme geometriche particolari. Sono previsti campi a disposizione lineare, rettangolare, circolare ed ellittica.

Si devono assegnare le coordinate e l'area di ogni singola armatura:

- x : ascissa armatura;
- y : ordinata armatura;
- a : area armatura.

Per i cavi di precompressione, in aggiunta ai dati precedenti, si devono assegnare:

- α : angolo formato dall'asse del cavo con l'asse della trave (asse z della sezione);
- σ : la tensione nel cavo (misurata lungo l'asse del cavo).

2.3.1) Armature ordinarie nella trave

Nel caso di elementi in c.a. o c.a.p., questa sessione descrive le armature ordinarie nella sezione. Le armature, comunque disposte, vengono descritte dai seguenti dati:

- ascissa;
- ordinata;
- area.

Il sistema di riferimento xyz è quello della sezione completa.

Per le opportune operazioni vedere il paragrafo "Armature sezione".

2.3.2) Armature ordinarie nel getto integrativo

Nel caso di elementi con getto integrativo, questa sessione descrive le armature ordinarie nel getto integrativo. Le armature, comunque disposte, vengono descritte dai seguenti dati:

- ascissa;
- ordinata;
- area.

Il sistema di riferimento xyz è quello della sezione completa.

Per le opportune operazioni vedere il paragrafo "Armature sezione".

2.3.3) Armature di precompressione

Nel caso di elementi in c.a.p., questa sessione descrive le armature di precompressione. I cavi di precompressione, comunque disposti, vengono descritti dai seguenti dati:

- ascissa;
- ordinata;
- area cavo;
- angolo di inclinazione rispetto all'asse z ;
- tensione nel cavo, misurata lungo l'asse del cavo stesso.

Il sistema di riferimento xyz è quello della sezione completa.

Per le opportune operazioni vedere il paragrafo "Armature sezione".

2.4) Scelta tipo di calcolo

Durante l'uso di AS, in seguito alla ridefinizione del tipo di calcolo e/o del tipo di sezione, parte o tutti i dati già assegnati sono congelati, mentre i risultati sono annullati. A seguito di questo si deve procedere alla revisione dei dati e ad una nuova elaborazione. Generalmente il programma AS provvede con opportune segnalazioni per quanto sopra detto; è comunque buona norma, a seguito di scelte diverse sul tipo di calcolo e/o sul tipo di sezione, rivedere tutti i dati assegnati.

Comunemente. La modifica del tipo di calcolo e del tipo di sezione richiede la revisione/riassegnazione dei dati relativi alle grandezze dei materiali. La modifica del tipo di sezione richiede la revisione/riassegnazione dei dati relativi alla geometria e armature della sezione, nonché dello stato di coazione se presente.

Si deve operare la scelta del tipo di calcolo, tra:

1. Grandezze statiche;
 - il calcolo delle grandezze statiche;
2. Metodo delle tensioni ammissibili;
 - Verifica in presso-flessione retta;
 - Verifica in presso-flessione deviata;
 - Calcolo del dominio di interazione N-Mx;
 - Calcolo del dominio di interazione N-My;
 - Calcolo del dominio di interazione N-Mx-My 2D;
 - Calcolo del dominio di interazione N-Mx-My 3D;
3. Metodo agli stati limite;
 - Calcolo del dominio di interazione N-Mx;
 - Calcolo del dominio di interazione N-My;
 - Calcolo del dominio di interazione N-Mx-My 2D;
 - Calcolo del dominio di interazione N-Mx-My 3D;
 - Verifica a taglio.

2.5) Riferimento assi xy

Le azioni e le sollecitazioni (N,Mx,My) possono essere riferite:

- all'origine degli assi xy della sezione;
- al sistema di assi XY con origine nel baricentro geometrico e parallelo agli assi xy della sezione;
- al sistema di assi XY con origine nel baricentro meccanico e parallelo agli assi xy della sezione.

Il baricentro geometrico e meccanico è calcolato relativamente alla sezione della trave e del getto (se presente) trascurando la presenza delle armature.

2.6) Grandezze materiali

Per i materiali componenti la sezione (acciaio da carpenteria, calcestruzzo trave, calcestruzzo getto integrativo, armature ordinarie e di precompressione) risulta necessario definire le proprietà meccaniche. Nelle finestre di dialogo sono riportate le opportune indicazioni.

Le tensioni ammissibili (σ) in compressione ed in trazione ed il coefficiente di omogeneizzazione ($m=E/E_0$) sono al solo uso per le tensioni ammissibili.

2.7) Stato di coazione

Si possono assegnare le deformazioni elastiche impresse (coazioni elastiche), cioè uno stato di tensione iniziale. Esse sono sempre riferite al sistema di assi xyz della sezione completa, sia che siano coazione nella trave o nel getto integrativo o relative armature.

Per la trave, il getto integrativo e le armature ordinarie, è sempre assunto uno stato di deformazione piano definito da:

- la deformazione assiale ϵ_z , positiva se allungamento diretta come z;
- la curvatura X_x , vettore parallelo all'asse y, positiva se ruota da x a z (vettore diretto come -y secondo la convenzione destrorsa);
- la curvatura X_y , vettore parallelo all'asse x, positiva se ruota da y a z (vettore diretto come x secondo la convenzione destrorsa), conformemente ad uno stato piano di deformazione.

Per i cavi di precompressione l'assegnazione della coazione (tensione nel cavo) avviene nella stessa sessione di assegnazione della disposizione geometrica.

2.8) Calcolo grandezze statiche

Sono calcolate le grandezze statiche dell'intera sezione omogeneizzata. I coefficienti di omogeneizzazione sono quelli assegnati nei dati. Per i cavi di precompressione inclinati si considera l'area della sezione normale all'asse del cavo (valore di input) moltiplicata per il cubo del coseno dell'angolo di inclinazione dell'asse del cavo rispetto all'asse z.

Nei risultati sono forniti:

a) le grandezze riferite agli assi xy della sezione

A = area della sezione (omogeneizzata);

A_x = momento statico misurato con x (momento attorno a y);

A_y = momento statico misurato con y (momento attorno a x);

A_{xx} = momento di inerzia misurato con x (momento attorno a y);

A_{yy} = momento di inerzia misurato con y (momento attorno a x);

A_{xy} = momento di inerzia misurato con xy (prodotto d'inerzia).

b) le grandezze riferite agli assi xy posti nel baricentro della sezione omogeneizzata

X_g = ascissa baricentro, misurato nel sistema xy della sezione;

Y_g = ordinata baricentro misurato nel sistema xy della sezione;

B_{xx} = momento di inerzia misurato con x (momento attorno a y);

B_{yy} = momento di inerzia misurato con y (momento attorno a x);

B_{xy} = momento di inerzia misurato con xy (prodotto d'inerzia).

c) le grandezze riferite agli assi XY principali della sezione omogeneizzata

α = angolo di rotazione assi XY rispetto agli assi xy della trave, positivo se da x a y;

C_{xx} = momento di inerzia misurato con X (momento attorno a Y);

C_{yy} = momento di inerzia misurato con Y (momento attorno a X).

Osservazione: si ricorda quanto segue.

Data la sezione, siano xy gli assi di riferimento e G il baricentro. Siano XY gli assi principali di inerzia. L'angolo α formato da X con x , secondo la convenzione prima riportata, è dato dalla relazione:

$$\alpha = 1/2 \cdot \arctan(2 \cdot B_{xy} / (B_{xx} - B_{yy})).$$

L'ellisse principale di inerzia, nel sistema principale di riferimento XY , ha equazione

$$X^2 / (C_{xx}/A)^2 + Y^2 / (C_{yy}/A)^2 = 1.$$

Dato una retta R formante con x l'angolo β e una retta R' coniugata con R e formante con x l'angolo β' , sussiste la relazione:

$$\tan(\beta - \alpha) \cdot \tan(\beta' - \alpha) = -C_{yy} / C_{xx}$$

che lega il piano di flessione al piano di deformazione. La posizione del centro di pressione tale da avere una flessione ad asse neutro orizzontale, cioè con $\beta=0$, è fornita dalla relazione:

$$\beta' = \alpha + \arctan((C_{yy}/C_{xx}) / \tan(\alpha)).$$

2.9) Presso-flessione retta e deviata (MTA)

Sono calcolate le tensioni nei materiali della sezione sottoposta ad uno stato di sollecitazione ed eventuale coazione, considerando il legame elastico lineare per i materiali (con o senza resistenza a trazione per il calcestruzzo).

Sono forniti (in I e II fase per la trave e in II fase per il getto):

- la posizione dell'asse neutro;
- le tensioni minime (min) e massime (max) nei materiali, dove le compressioni sono negative e le trazioni sono positive.

Per il calcestruzzo non resistente a trazione le tensioni massime di trazione non sono stampate.

a) presso-flessione retta nel piano xz

In input sono richieste le sollecitazioni agenti (riferite agli assi xyz della sezione o gli assi XYZ baricentrici a seconda dell'opzione attivata), che sono:

- N_z : forza assiale, positiva di trazione diretta come z ;
- M_x momento nel piano xz , vettore parallelo all'asse y , positivo se ruota da x a z , vettore diretto come $-y$ secondo la convenzione destrorsa.

b) presso-flessione retta nel piano yz

In input sono richieste le sollecitazioni agenti (riferite agli assi xyz della sezione o gli assi XYZ baricentrici a seconda dell'opzione attivata), che sono:

- N_z : forza assiale, positiva di trazione diretta come z ;
- M_y : momento nel piano yz , vettore parallelo all'asse x , positivo se ruota da y a z , vettore diretto come x secondo la convenzione destrorsa.

c) presso-flessione deviata

In input sono richieste le sollecitazioni agenti (riferite agli assi xyz della sezione o gli assi XYZ baricentrici a seconda dell'opzione attiva), che sono:

- Nz: forza assiale, positiva di trazione diretta come z;
- Mx: momento nel piano xz, vettore parallelo all'asse y, positivo se ruota da x a z, vettore diretto come -y secondo la convenzione destrorsa;
- My: momento nel piano yz, vettore parallelo all'asse x, positivo se ruota da y a z, vettore diretto come x secondo la convenzione destrorsa.

2.10) Domini di interazione

Il calcolo dei domini di interazione retti N-Mx, N-My e deviati N-Mx-My sono fatto sommando allo stato di deformazione di prima fase o di coazione, uno stato di deformazione aggiuntivo di flessione, cioè deformazione assiale e curvatura nei piani di flessione.

Il calcolo del dominio di interazione retto N-M è fatto sommando allo stato di deformazione di prima fase o di coazione, uno stato di deformazione aggiuntivo di flessione retta (ϵ, X), cioè deformazione assiale e curvatura nel piano di flessione.

Il calcolo del dominio di interazione deviato N-Mx-My è fatto considerando i domini retti ottenuti al variare dell'angolo α di rotazione del piano di flessione attorno all'asse normale alla sezione (asse z).

I domini possono riferirsi gli assi xyz della sezione o agli assi xyz paralleli a quelli della sezione ma posti nel baricentro (geometrico o meccanico, vedi relativa opzione) della sezione. Si consiglia comunque il riferimento al baricentro geometrico.

Il programma AS richiede per il calcolo dei domini di interazione retti la ipotesi fondamentale che la frontiera del dominio $f(N, M) = 0$ sia funzione a due valori. Diversamente il programma può fornire risultati troppo approssimati o addirittura sbagliati.

Per il calcolo dei domini di interazione deviati è ulteriormente necessaria la ipotesi fondamentale che la frontiera di tutti i domini retti $f_\alpha(N, M_\alpha) = 0$ della sezione in esame, ottenuti come domini retti rispetto ad assi ruotati del generico angolo tra 0 e 2α , siano funzioni a due valori. Diversamente il programma può fornire risultati troppo approssimati o addirittura sbagliati.

E' comunque consigliato il controllo dei risultati.

Nel calcolo dei domini di interazione deviati, i valori di N di calcolo devono essere interni ai valori estremi di minimo e di massimo (si consiglia di stare abbondantemente all'interno). Allo scopo, prima dell'input dei valori di N di calcolo sono visualizzati i valori N_{min} e N_{max} che sono i valori minimo e massimo della forza assiale ottenuti dal calcolo del dominio retto (con $\alpha=0$). I valori di minimo e di massimo estremi si ottengono considerando tutti gli N_{min} e N_{max} al variare di α , deve essere:

$$\{N_{min}\} \leq N \text{ di calcolo} \leq \{N_{max}\}$$

per tutti gli α .

2.10.1) Dominio di interazione ammissibili

Sono calcolati i domini di interazione della sezione sottoposta ad un eventuale stato di sollecitazione di I fase o eventuale coazione, considerando il legame elastico lineare per i materiali (con o senza resistenza a trazione per il calcestruzzo). Sono forniti i domini di interazione retti N-Mx, N-My e deviati N-Mx-My.

2.10.2) Domini di interazione stato limite ultimo

Sono calcolati i domini di interazione della sezione sottoposta ad un eventuale stato di coazione, considerando un legame elastico non lineare per i materiali (senza resistenza a trazione per il calcestruzzo). Sono forniti i domini di interazione retti N-Mx, N-My e deviati N-Mx-My.

2.10.3) Sollecitazioni di verifica

Assegnando una serie di sollecitazioni di verifica, queste vengono rappresentate graficamente assieme al grafico del dominio. Viene inoltre fornito il “coefficiente vettoriale minimo” della sollecitazione più sfavorevole. Se la sollecitazione è interna al dominio il coefficiente è >1 e più il coefficiente è grande più la sollecitazione si trova internamente al dominio. Se la sollecitazione è esterna al dominio il coefficiente è <1 e più il coefficiente è piccolo più la sollecitazione è lontana dalla frontiera. Se il coefficiente è prossimo a 1 la sollecitazione è vicina alla frontiera internamente se >1 od esternamente se <1 .

Il coefficiente vettoriale c_v per la generica azione di progetto (N_S, M_S) è calcolato sul dominio “uniforme” (N_{RU}, M_{RU}) ottenuto dal dominio resistente (N_R, M_R) nel seguente modo:

$$u = (M_{Rmax} - M_{Rmin}) / (N_{Rmax} - N_{Rmin})$$

$$N_{RU} = N_R \bullet u$$

$$M_{RU} = M_R$$

$$F_{Su} = \text{SQRT} ((N_S \bullet u)^2 + M_S^2)$$

$$c_v = (F_{Su} + d_{min}) / F_{Su} \text{ ! se punto interno}$$

$$c_v = (F_{Su} - d_{min}) / F_{Su} \text{ ! se punto esterno}$$

essendo d_{min} la distanza minima del punto sollecitazione (N_S, M_S) dalla frontiera del dominio uniforme (N_{RU}, M_{RU}) .

2.10.3) Eccentricità aggiuntiva

Nel metodo SLU è possibile fornire una eccentricità aggiuntiva sia per il calcolo dei domini resistenti che in tale modo vengono di conseguenza “ridotti”, sia per la verifica delle sollecitazioni che in tale modo vengono di conseguenza “aumentate”.

Per i domini retti sono disponibili i due modi anche contemporaneamente, per i domini deviati è disponibile solo il secondo modo.

2.11) Opzioni

Sono disponibili alcune opzioni.

a) Stato di coazione

Lo stato di coazione, elastico, nella sezione, si ha in tutti i casi in cui lo stato tensionale, di partenza per il calcolo con AS, non è nullo. Esso si verifica, generalmente, quando si hanno effetti di temperatura, deformazioni viscosi e/o di ritiro, coazioni impresse come nel caso di pretensione delle armature, ecc.

Con l'attivazione di questa opzione occorre assegnare i relativi dati. Tale assegnazione è generalmente imposta da AS, salvo che per le armature di precompressione. In questo ultimo caso fare molta attenzione in quanto generalmente i dati di coazione delle armature di precompressione restano indefiniti.

L'opzione è trascurata nel calcolo delle grandezze statiche.

b) Resistenza a trazione calcestruzzo trave e del calcestruzzo del getto

Tali opzioni permettono di considerare resistente a trazione il calcestruzzo della trave e/o del getto integrativo. Sono utilizzabili per le sezioni in c.a.p. nel metodo delle tensioni ammissibili.

Nel caso di calcolo del dominio di interazione (MTA) occorre assegnare il limite di resistenza a trazione del calcestruzzo.

Le opzioni sono trascurate nel calcolo agli stati limite ultimi.

c) Sistema di riferimento

Le sollecitazioni, i domini e le altre grandezze specificate in AS possono riferirsi agli assi xyz della sezione o agli assi xyz paralleli a quelli della sezione ma posti nel baricentro (geometrico o meccanico, vedi relativa opzione) della sezione. Si consiglia comunque il riferimento al baricentro geometrico. L'opzione è selezionabile nel menu **Inserisci\Opzioni\SistemaDiRiferimento**.

d) Normativa di riferimento

È possibile selezionare la normativa di riferimento. La normativa influisce sulla assegnazione da parte di AS di alcuni dati durante l'input. L'opzione è selezionabile nel menu **Inserisci\Opzioni\NormativaDiRiferimento**.

e) Tipo curve di resistenza dei materiali

Nei calcoli agli stati limite è possibile specificare il tipo di curve, tensione-deformazione, di resistenza dei materiali da utilizzare nei calcoli. L'opzione è selezionabile nel menu **Inserisci\Opzioni\TipoCurveDiResistenzaMateriali**.

f) Eccentricità aggiuntiva

Nel calcolo allo SLU è possibile tenere conto di una eccentricità aggiuntiva per le sezioni compresse. L'opzione è selezionabile nel menu **Inserisci\Opzioni\EccentricitàAggiuntiva**.

g) Mantiene E o m

È possibile mantenere il valore dei moduli elastici assegnati dei vari materiali al cambio del valore del modulo elastico del materiale base. L'opzione è selezionabile nel menu **Inserisci\Opzioni\Mantieni E o m**.

h) Numero punti domini

Si può assegnare il numero dei punti in cui è calcolato il dominio resistente, anche al fine di una migliore rappresentazione. L'opzione è selezionabile nel menu **Inserisci\Opzioni\NumeroPuntiDomini**.

i) Visualizzazione dominio 3D

Sono le opzioni di visualizzazione del dominio N-Mx-My. L'opzione è selezionabile nel menu **Inserisci\Opzioni\VisualizzazioneDominio3D**.

Capitolo 3

IPOTESI DI CALCOLO

3.1) Ipotesi di calcolo nel metodo delle tensioni ammissibili

Le tensioni nei materiali sono calcolate prescindendo dal contributo a trazione del conglomerato, assumendo come area della sezione quella corrispondente al conglomerato compresso e alle aree metalliche tese e compresse, di cui tutti i materiali affetti dal coefficiente di omogeneizzazione. Per i cavi di precompressione è tenuto conto della eventuale inclinazione.

Diversamente, se dichiarato esplicitamente come resistente a trazione anche il conglomerato, la sezione di calcestruzzo viene considerata tutta resistente.

Sono considerate le normali ipotesi della scienza delle costruzioni:

- sezioni piane;
- assenza di scorrimento tra i materiali componenti la sezione;
- legame elastico lineare tra sforzi e deformazioni;
- sovrapposizione degli effetti.

La prima ipotesi si traduce nel fatto che lo stato di deformazione è uno stato di deformazione piano.

Per sezioni composte, cioè con il getto integrativo, si ammette che lo stato di deformazione rimane piano in prima fase per la trave. E rimane piano, per la trave + getto, lo stato di deformazione di seconda fase (deformazione incremento).

Nel calcolo dei domini di interazione, si assumono come condizioni limite il raggiungimento, in almeno un punto di uno dei materiali costituenti la sezione, della tensione corrispondente a quella ammissibile; per tutti gli altri punti tensioni inferiori alle ammissibili.

3.2) Ipotesi di calcolo nel metodo agli stati limite ultimi

Il calcolo del dominio di interazione è fatto sommando allo stato di deformazione di elastica iniziale (coazione) uno stato di deformazione aggiuntivo di flessione retta (ε_z, χ_x) o (ε_z, χ_y) o flessione deviata $(\varepsilon_z, \chi_x, \chi_y)$, cioè deformazione assiale e curvature nei piani di flessione.

Valgono le seguenti ipotesi fondamentali:

- conservazione delle sezioni piane;
- assenza di scorrimento tra i materiali componenti la sezione;
- legame elastico non lineare tra sforzi e deformazioni;
- deformazione massima del calcestruzzo: vedi curve di resistenza;
- deformazione massima dell'acciaio: vedi curve di resistenza;
- deformazione massima dell'armatura di precompressione: vedi curve di resistenza.

La prima ipotesi si traduce nel fatto che lo stato di deformazione è uno stato di deformazione piano.

Le deformazioni nei materiali sono calcolate prescindendo dal contributo a trazione del conglomerato. Per i cavi di precompressione è tenuto conto della eventuale inclinazione.

3.2.1) Diagrammi di calcolo sforzi-deformazioni del calcestruzzo

1) Si adotta, in compressione, il diagramma parabola-rettangolo definito da un arco di parabola, di secondo grado o grado n , passante per l'origine, avente asse parallelo a quello delle tensioni, e da un segmento di retta parallelo all'asse delle deformazioni tangente alla parabola nel punto di sommità; il vertice della parabola ha ascissa ε_{c2} , l'estremità del segmento ha ascissa ε_{cu2} , l'ordinata massima del diagramma è pari a $f_{cd} = \alpha_{cc} \cdot f_{ck} / \gamma_c$. In compressione la deformazione massima ammessa è ε_{cu2} . In trazione si assume resistenza nulla e la deformazione è limitata, in AS, al valore $\varepsilon = 0,05$ (5%).

2) Si adotta, in compressione, il diagramma triangolo-rettangolo, definito da un segmento di retta inclinata uscente dall'origine e da un segmento di retta parallelo all'asse delle deformazioni posta in sommità; la parte lineare termina all'ascissa ε_{c3} , l'estremità del segmento orizzontale ha ascissa ε_{cu3} , l'ordinata massima del diagramma è pari a $f_{cd} = \alpha_{cc} \cdot f_{ck} / \gamma_c$. In compressione la deformazione massima ammessa è ε_{cu3} . In trazione si assume resistenza nulla e la deformazione è limitata, in AS, al valore $\varepsilon = 0,05$ (5%).

3.2.2) Diagrammi di calcolo sforzi-deformazioni dell'acciaio per carpenteria

1) Si adotta il diagramma elasto plastico, così definito in trazione (analogamente in compressione):

- $\sigma = \varepsilon \cdot E$ per deformazioni comprese tra 0 e f_{ayd}/E ;
- $\sigma = f_{ayd}$ per deformazioni comprese tra f_{ayd}/E e ε_{uk} ;

essendo σ la resistenza, ε la deformazione ed E il modulo elastico. La deformazione di calcolo, in AS, è limitata ad ε_{uk} .

2) Si adotta il diagramma bilineare, così definito in trazione (analogamente in compressione):

- $\sigma = \varepsilon \cdot E$ per deformazioni comprese tra 0 e f_{ayd}/E ;
- $\sigma = f_{ayd} + (f_{atd} - f_{ayd}) \cdot (\varepsilon - f_{ayd}/E) / (\varepsilon_{uk} - f_{ayd}/E)$ per deformazioni comprese tra f_{ayd}/E e ε_{ud} ;

essendo σ la resistenza, ε la deformazione, ε_{uk} la deformazione in corrispondenza alla massima resistenza f_{atk} ed ε_{ud} la massima deformazione di calcolo.

3.2.3) Diagrammi di calcolo sforzi-deformazioni dell'acciaio ordinario

1) Si adotta il diagramma elasto plastico, così definito in trazione (analogamente in compressione):

- $\sigma = \varepsilon \cdot E$ per deformazioni comprese tra 0 e f_{syd}/E ;
- $\sigma = f_{syd}$ per deformazioni comprese tra f_{syd}/E e ε_{uk} ;

essendo σ la resistenza, ε la deformazione ed E il modulo elastico. La deformazione di calcolo, in AS, è limitata ad ε_{uk} .

2) Si adotta il diagramma bilineare, così definito in trazione (analogamente in compressione):

- $\sigma = \varepsilon \cdot E$ per deformazioni comprese tra 0 e f_{syd}/E ;
- $\sigma = f_{syd} + (f_{std} - f_{syd}) \cdot (\varepsilon - f_{syd}/E) / (\varepsilon_{uk} - f_{syd}/E)$ per deformazioni comprese tra f_{syd}/E e ε_{ud} ;

essendo σ la resistenza, ε la deformazione, ε_{uk} la deformazione in corrispondenza alla massima resistenza f_{stk} ed ε_{ud} la massima deformazione di calcolo.

3.2.4) Diagrammi di calcolo sforzi-deformazioni dell'acciaio di precompressione

1) Si adotta il diagramma elasto plastico, così definito in trazione (analogamente in compressione):

- $\sigma = \varepsilon \cdot E$ per deformazioni comprese tra 0 e f_{pyd}/E ;
- $\sigma = f_{pyd}$ per deformazioni comprese tra f_{pyd}/E e ε_{uk} ;

essendo σ la resistenza, ε la deformazione ed E il modulo elastico. La deformazione di calcolo, in AS, è limitata ad ε_{uk} .

2) Si adotta il diagramma bilineare, così definito in trazione (analogamente in compressione):

- $\sigma = \varepsilon \cdot E$ per deformazioni comprese tra 0 e f_{pyd}/E ;
- $\sigma = f_{pyd} + (f_{ptd} - f_{pyd}) \cdot (\varepsilon - f_{pyd}/E) / (\varepsilon_{uk} - f_{pyd}/E)$ per deformazioni comprese tra f_{pyd}/E e ε_{ud} ;

essendo σ la resistenza, ε la deformazione, ε_{uk} la deformazione in corrispondenza alla massima resistenza f_{ptk} ed ε_{ud} la massima deformazione di calcolo.

3) Si adotta il legame σ - ε , approssimato da una spezzata, non ammesso dalle normative, così definito in trazione (analogamente in compressione):

- $\sigma = \varepsilon \cdot E$, per deformazioni comprese tra 0 e ε_1 ;
- $\sigma = f_1 + \varepsilon \cdot (f_2 - f_1) / (\varepsilon_2 - \varepsilon_1)$, per deformazioni comprese tra ε_1 e ε_2 ;
- $\sigma = f_2 + \varepsilon \cdot (f_3 - f_2) / (\varepsilon_3 - \varepsilon_2)$, per deformazioni comprese tra ε_2 e ε_3 ;
- $\sigma = f_3 + \varepsilon \cdot (f_4 - f_3) / (\varepsilon_4 - \varepsilon_3)$, per deformazioni comprese tra ε_3 e ε_4 ;
- $\sigma = f_4 + \varepsilon \cdot (f_5 - f_4) / (\varepsilon_5 - \varepsilon_4)$, per deformazioni comprese tra ε_4 e ε_5 ;

essendo

- $f_1 = f_{p(0.0)d}$, tensione di progetto al limite lineare;
- $f_2 = f_{p(0.1)d}$, tensione di progetto allo 0,1 % di deformazione residua;
- $f_3 = f_{p(0.2)d}$, tensione di progetto allo 0,2 % di deformazione residua;
- $f_4 = f_{p(1.0)d}$, tensione di progetto allo 1,0 % di deformazione residua;
- $f_5 = f_{ptd}$, tensione di progetto di rottura;

con le deformazioni

- $\varepsilon_1 = f_1/E$, deformazione al limite lineare;
- $\varepsilon_2 = f_2/E + 0.001$, deformazione corrispondente a $f_{p(0.1)d}$;
- $\varepsilon_3 = f_3/E + 0.002$, deformazione corrispondente a $f_{p(0.2)d}$;
- $\varepsilon_4 = f_4/E + 0.010$, deformazione corrispondente a $f_{p(1.0)d}$;
- $\varepsilon_5 = \varepsilon_{uk}$, la deformazione corrispondente alla resistenza f_{ptk} ;

per deformazioni comprese tra 0 e ε_{ud} ;

essendo σ la resistenza, ε la deformazione, E il modulo elastico, ε_{uk} la deformazione in corrispondenza alla massima resistenza f_{ptk} ed ε_{ud} la massima deformazione di calcolo.

3.3) Verifica a taglio

Per elementi con armatura verticale (staffe) resistente a taglio, la resistenza a taglio V_{Rd} della sezione è la minore dei due valori:

$$V_{Rsd} = A_{st} \cdot z \cdot f_{syd} \cdot \cotg\theta$$
$$V_{Rcd} = \alpha_c \cdot b_w \cdot z \cdot v_1 \cdot f_{cd} \cdot \cotg\theta (1 + \cotg^2\theta)$$

quindi:

$$V_{Rd} = \min(V_{Rsd}, V_{Rcd})$$

dove secondo il D.M. 14GEN2008 z vale $0,9 \cdot d$;

essendo:

- A_{st} = A_{sw}/s , è l'area trasversale delle staffe verticali disposte su un metro lineare di trave;
- b_w larghezza minima della sezione;
- z braccio coppia interna della sezione (per EN2004);
- d altezza utile della sezione (per D.M. 14GEN2008);
- f_{cd} resistenza di calcolo a compressione del calcestruzzo;
- f_{syd} tensione di snervamento di progetto dell'armatura a taglio (staffe);
- θ inclinazione dei puntoni di calcestruzzo rispetto all'asse della trave;
- α_c coefficiente che tiene conto della compressione assiale;
- v_1 = f'_{cd}/f_{cd} , coefficiente che tiene conto della riduzione della resistenza del calcestruzzo fessurato.

Per le funzioni di base ed i vari coefficienti vedi Eurocodice EN 1992-1-1, edizione dicembre 2004, e D.M. 14 gennaio 2008.

Nel caso di sezione precompressa all'azione assiale N_{sd} prodotta dai carichi è sommata l'azione assiale di precompressione F_{zp} conteggiata nel modo più sfavorevole attraverso i coefficienti di sicurezza $\gamma_{P,inf}$ e $\gamma_{P,sup}$, rispettivamente coefficiente di sicurezza inferiore e superiore per la precompressione.

Capitolo 4

METODI DI CALCOLO

4.1) Metodo di calcolo per la presso-flessione deviata, nel metodo delle tensioni ammissibili

Con la sezione riferita al sistema di assi xyz (terna destrorsa) di cui xy nel piano della sezione e z normale uscente dalla sezione e con le ipotesi di calcolo precedentemente descritte, le equazioni di equilibrio, alla traslazione lungo z, alla rotazione attorno all'asse y e alla rotazione attorno all'asse x, si scrivono:

$$N = \sum_i \int_{\tau_i} f_i(\varepsilon(t, \tau)) \cdot d\tau_i$$

$$M_x = \sum_i \int_{\tau_i} x \cdot f_i(\varepsilon(t, \tau)) \cdot d\tau_i$$

$$M_y = \sum_i \int_{\tau_i} y \cdot f_i(\varepsilon(t, \tau)) \cdot d\tau_i$$

essendo

- N, azione assiale positiva se diretta come z;
- M_x , momento nel piano xz, positivo se tende le fibre dalla parte delle x positive;
- M_y , momento nel piano yz, positivo se tende le fibre dalla parte delle y positive;
- f_i , tensione normale unitaria del generico i-esimo materiale di area τ_i ;
- ε , deformazione della sezione.

Gli integrali precedenti si riducono a sommatorie nel caso di materiali (tipo le armature) concentrate in punti discreti.

L'equazione di congruenza è

$$\varepsilon(x,y) = \varepsilon_z + X_x \cdot x + X_y \cdot y$$

essendo

- ε_z , deformazione assiale nell'origine degli assi;
- X_x , curvatura attorno all'asse y, positiva se allunga le fibre dalla parte delle x positive;
- X_y , curvatura attorno all'asse x, positiva se allunga le fibre dalla parte delle y positive.

Il legame costitutivo dei materiali risulta:

$$f_i(\varepsilon) = E_i \cdot \varepsilon(x, y)$$

con il calcestruzzo che non reagisce a trazione.

Sostituendo, le equazioni di equilibrio diventano:

$$N = \sum_i \int_{\bar{a}_i} E_i \cdot (\varepsilon_z + \chi_x \cdot x + \chi_y \cdot y) \cdot d\bar{a}_i$$

$$M_x = \sum_i \int_{\bar{a}_i} x \cdot E_i \cdot (\varepsilon_z + \chi_x \cdot x + \chi_y \cdot y) \cdot d\bar{a}_i$$

$$M_y = \sum_i \int_{\bar{a}_i} y \cdot E_i \cdot (\varepsilon_z + \chi_x \cdot x + \chi_y \cdot y) \cdot d\bar{a}_i$$

a cui consegue il sistema di equilibrio della sezione

$$(\sum_i E_i \cdot A_i) \cdot \varepsilon_z + (\sum_i E_i \cdot S_{xi}) \cdot X_x + (\sum_i E_i \cdot S_{yi}) \cdot X_y - N = 0$$

$$(\sum_i E_i \cdot S_{xi}) \cdot \varepsilon_z + (\sum_i E_i \cdot J_{xxi}) \cdot X_x + (\sum_i E_i \cdot J_{xyi}) \cdot X_y - M_x = 0$$

$$(\sum_i E_i \cdot S_{yi}) \cdot \varepsilon_z + (\sum_i E_i \cdot J_{xyi}) \cdot X_x + (\sum_i E_i \cdot J_{yyi}) \cdot X_y - M_y = 0$$

avendo indicato con

$$A_i = \int_{\bar{a}_i} d\bar{a}_i$$

$$S_{xi} = \int_{\bar{a}_i} x \cdot d\bar{a}_i$$

$$S_{yi} = \int_{\bar{a}_i} y \cdot d\bar{a}_i$$

$$J_{xxi} = \int_{\bar{a}_i} x^2 \cdot d\bar{a}_i$$

$$J_{xyi} = \int_{\bar{a}_i} x \cdot y \cdot d\bar{a}_i$$

$$J_{yyi} = \int_{\bar{a}_i} y^2 \cdot d\bar{a}_i$$

L'area, i momenti statici, i momenti di inerzia e il prodotto di inerzia.

In forma matriciale il sistema di equazioni precedente si scrive

$$\begin{vmatrix} (\sum_i E_i \cdot A_i) & (\sum_i E_i \cdot S_{xi}) & (\sum_i E_i \cdot S_{yi}) \\ (\sum_i E_i \cdot S_{xi}) & (\sum_i E_i \cdot J_{xxi}) & (\sum_i E_i \cdot J_{xyi}) \\ (\sum_i E_i \cdot S_{yi}) & (\sum_i E_i \cdot J_{xyi}) & (\sum_i E_i \cdot J_{yyi}) \end{vmatrix} \cdot \begin{vmatrix} \varepsilon_z \\ X_x \\ X_y \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} -N \\ -M_x \\ -M_y \end{vmatrix} = 0$$

ed in forma più succinta

$$(\sum_i D_i) \bullet X + S = 0$$

ed anche

$$D \bullet X + S = 0$$

avendo indicato con D la matrice delle rigidezze della sezione, con X il vettore di deformazione (vettore delle incognite) e con S il vettore di sollecitazione (termini noti).

I domini di integrazione τ_i del materiale calcestruzzo (parte compressa) sono funzione dello stato di deformazione $\varepsilon(x,y)$, di conseguenza la matrice di rigidezza è funzione del vettore delle incognite X , quindi risulta $D=D(X)$. Il sistema di equilibrio è dunque un sistema non lineare.

Il sistema precedente è anche un sistema pseudo-lineare in quanto assume la caratteristica di sistema lineare con la matrice D a sua volta funzione del vettore delle incognite. La soluzione può quindi ottenersi per iterazione. Noto al passo k -esimo di iterazione lo stato di deformazione, o vettore X_k , risulta nota la matrice di rigidezza $D_k=D(X_k)$, quindi il sistema di equilibrio al passo k -esimo:

$$D_k \bullet X + S = 0$$

che risolto fornisce lo stato di deformazione X_{k+1} . Se il procedimento converge al vettore X_n , per l'unicità di soluzione, X_n è la soluzione cercata equilibrata e congruente.

In presenza di uno stato di coazione elastico (e congruente), lo stato di deformazione della sezione è ottenuto dalla somma dello stato di deformazione di coazione elastico $\varepsilon_{oi}(x,y)$ dei materiali componenti la sezione e dello stato di deformazione comune a tutta la sezione $\varepsilon(x,y)$, dunque:

$$\varepsilon_i(x,y) = \varepsilon_{oi}(x,y) + \varepsilon(x,y)$$

ed in forma matriciale

$$X_i = X_{oi} + X$$

Il sistema di equilibrio della sezione si scrive dunque:

$$\sum_i D_i \bullet X_i + S = \sum_i D_i \bullet (X_{oi} + X) + S = 0$$

cioè

$$D \bullet X + (S + \sum_i D_i \bullet X_{oi}) = 0$$

che risolto fornisce X , quindi la soluzione $X_i = X_{oi} + X$.

Per sezioni con getto integrativo, noto lo stato di deformazione X_1 di prima fase, ottenuto dal sistema di equilibrio della sezione di prima fase (senza getto integrativo):

$$D_1 \bullet X + S_1 = 0$$

il sistema di equilibrio della sezione completa e in seconda fase, cioè con il getto integrativo, si ottiene considerando agente sulla sezione lo stato di coazione X_1 (cioè di prima fase), quindi il sistema di equilibrio risulta:

$$D \bullet X + (S + \sum_i D_i \bullet X_1) = 0$$

dove la sommatoria è da considerarsi solo per i materiali presenti in prima fase. Questo sistema, risolto fornisce lo stato di deformazione X_2 di seconda fase, quindi la soluzione:

$$\begin{aligned} X &= X_1 + X_2 && \text{per i materiali presenti in I+II fase,} \\ X &= X_2 && \text{per i materiali presenti nella sola II fase.} \end{aligned}$$

I FILE AUTOLOAD E FILELOAD

5.1) Introduzione

I file AutoLoad e/o FileLoad contengono informazioni che possono essere “caricate” dal programma in modo automatico o a seguito dell’opportuno ordine.

I file AutoLoad di AS sono:

Autoload–AS.STI

Autoload–AS.UdM

che vengono caricati automaticamente all’avvio di AS e ad ogni nuovo documento, mentre i FileLoad di AS sono:

Autoload–AS.SEZ

Autoload–AS.ARM

Autoload–AS.CAV

contenenti i dati relativi rispettivamente a varie geometrie di sezioni e armature e cavi. Per questi tipi di FileLoad è ammesso un nome generico, si suggerisce comunque l’estensione rispettiva: SEZ, ARM, CAV.

Tutti i file AutoLoad e FileLoad possono essere modificati e/o integrati dall’utente.

I file AutoLoad devono stare nella directory ...**AS** e generalmente sono modificabili solo con l’autorizzazione dell’amministratore. I file FileLoad possono stare in qualunque directory.

5.2) Il file AutoLoad–AS.STI

I file AutoLoad–AS.STI contiene le informazioni relative agli stili necessari per la rappresentazione grafica. E’ modificabile dall’utente, il comandi del menù sono **Unità\Stili\Carica Stili...** e **Unità\Stili\Salva Stili...** che permettono di caricare gli stili in un documento oppure di registrare gli stili del documento corrente su file.

5.3) Il file AutoLoad–AS.UdM

I file AutoLoad–AS.UdM contiene le informazioni relative alle unità di misura utilizzate dal programma. E’ modificabile dall’utente, il comandi del menù sono **Unità\Unità di Misura\Carica Unità...** e **Unità\Unità di Misura\Salva Unità...** che permettono di caricare le unità di misura in un documento oppure di registrare le unità di misura del documento corrente su file.

5.4) Il file FileLoad delle grandezze

I FileLoad (esempi sono riportati in Autoload–AS.SEZ, Autoload–AS.ARM e Autoload–AS.CAV), contengono le informazioni relative alle grandezze, rispettivamente, della geometria delle sezioni, delle armature ordinarie e delle armature di precompressione. Per caricare i dati, nelle rispettive finestre di dialogo occorre attivare il flag **Load Dati da File** poi aprire il file che la contiene e selezionare il nome della grandezza interessata.

Il contenuto di questi file sono modificabili con il comando di menù **Inserisci\Gestione data base\...** con i relativi sottocomandi. Occorre caricare il file se esistente, modificare, aggiungere o cancellare elementi, quindi registrare il file per il salvataggio dei nuovi dati. I nomi validi per i file sono generici, comunque sono consigliate le estensioni rispettivamente: SEZ, ARM, CAV.

---000---